

## Implementar o Algoritmo de Multiplicação Padrão e o Algoritmo de Karatsuba em Java

---

### Algorithm 1 Multiplicação Padrão.

---

```
1: procedure MULT( $a, b, n$ )
2:   if  $n > 1$  then
3:      $A1 \leftarrow \lfloor \frac{a}{2^{n/2}} \rfloor$ 
4:      $A0 \leftarrow a \bmod 2^{n/2}$ 
5:      $B1 \leftarrow \lfloor \frac{b}{2^{n/2}} \rfloor$ 
6:      $B0 \leftarrow b \bmod 2^{n/2}$ 
7:      $A1B1 \leftarrow MULT(A1, B1, n/2)$ 
8:      $A1B0 \leftarrow MULT(A1, B0, n/2)$ 
9:      $A0B1 \leftarrow MULT(A0, B1, n/2)$ 
10:     $A0B0 \leftarrow MULT(A0, B0, n/2)$ 
11:    return  $2^n * A1B1 + 2^{n/2}(A1B0 + A0B1) + A0B0$ 
12:  else
13:    return  $a * b$ 
```

---

---

### Algorithm 2 Multiplicação Karatsuba.

---

```
1: procedure MULT( $a, b, n$ )
2:   if  $n > 1$  then
3:      $A1 \leftarrow \lfloor \frac{a}{2^{n/2}} \rfloor$ 
4:      $A0 \leftarrow a \bmod 2^{n/2}$ 
5:      $B1 \leftarrow \lfloor \frac{b}{2^{n/2}} \rfloor$ 
6:      $B0 \leftarrow b \bmod 2^{n/2}$ 
7:      $A1B1 \leftarrow MULT(A1, B1, n/2)$ 
8:      $A0B0 \leftarrow MULT(A0, B0, n/2)$ 
9:      $M3 \leftarrow MULT(A1 + A0, B1 + B0, n/2)$ 
10:    return  $2^n * A1B1 + 2^{n/2}(M3 - A1B1 - A0B0) + A0B0$ 
11:  else
12:    return  $a * b$ 
```

---

1. Algoritmos para realizar a multiplicação de dois número qualquer com uma quantidade arbitrária de dígitos.
2. Os algoritmos devem ser desenvolvidos para funcionar para as bases Binária e Decimal.
3. A implementação deverá ser recursiva.

4. A soma e a subtração bit a bit deverão ser implementadas para o funcionamento dos algoritmos.
5. Os exemplos abaixo devem funcionar para os dois algoritmos e devem constar em uma classe com o método main:
  - a.  $8 \times 5$
  - b.  $62938427 \times 32984729$
  - c.  $3209094 \times 246$
  - d.  $23487 \times 294582745$
  - e.  $234566778996867555342234234245 \times 450294459842450836750959083096$
  - f.  $1 \times 0$
  - g.  $11101101 \times 11110100$
  - h.  $1111111 \times 1100$
  - i.  $1100 \times 1111110$
  - j.  $110101011101010111010101110101 \times 110101010101111000000011111101$